

Struktury s obecnými daty. Moduly

Programovací techniky

doc. Ing. Jiří Rybička, Dr.
Ústav informatiky
PEF MENDELU v Brně
rybicka@mendelu.cz

Struktury a jejich data

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Seznamy, stromy apod. mají operace dvojího druhu:

- Seznamy, stromy apod. mají operace dvojího druhu:
 - 1 manipulace týkající se struktury;

- Seznamy, stromy apod. mají operace dvojího druhu:
 - 1 manipulace týkající se struktury;
 - 2 manipulace vyžadující znalost obsahu.

- Seznamy, stromy apod. mají operace dvojího druhu:
 - 1 manipulace týkající se struktury;
 - 2 manipulace vyžadující znalost obsahu.
- Snahou je vytvářet obecné struktury (nikoliv třeba „zásobník celých čísel“)

- Seznamy, stromy apod. mají operace dvojího druhu:
 - 1 manipulace týkající se struktury;
 - 2 manipulace vyžadující znalost obsahu.
- Snahou je vytvářet obecné struktury (nikoliv třeba „zásobník celých čísel“)
- Operace týkající se struktury jsou stále identické.

- Seznamy, stromy apod. mají operace dvojího druhu:
 - 1 manipulace týkající se struktury;
 - 2 manipulace vyžadující znalost obsahu.
- Snahou je vytvářet obecné struktury (nikoliv třeba „zásobník celých čísel“)
- Operace týkající se struktury jsou stále identické.
- Operace týkající se obsahu je potřebné nějak řešit.

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Chceme-li se vyhnout konkrétní datové složce nějaké struktury, je potřebné využít některého mechanismu obecných dat, např.:

- Chceme-li se vyhnout konkrétní datové složce nějaké struktury, je potřebné využít některého mechanismu obecných dat, např.:
 - obecný ukazatel,

- Chceme-li se vyhnout konkrétní datové složce nějaké struktury, je potřebné využít některého mechanismu obecných dat, např.:
 - obecný ukazatel,
 - struktura typu union,

- Chceme-li se vyhnout konkrétní datové složce nějaké struktury, je potřebné využít některého mechanismu obecných dat, např.:
 - obecný ukazatel,
 - struktura typu union,
 - šablonování,

- Chceme-li se vyhnout konkrétní datové složce nějaké struktury, je potřebné využít některého mechanismu obecných dat, např.:
 - obecný ukazatel,
 - struktura typu union,
 - šablonování,
 - dědičnost objektů.

- Chceme-li se vyhnout konkrétní datové složce nějaké struktury, je potřebné využít některého mechanismu obecných dat, např.:
 - obecný ukazatel,
 - struktura typu union,
 - šablonování,
 - dědičnost objektů.
- Nejprůzračnější princip: obecný ukazatel

- Chceme-li se vyhnout konkrétní datové složce nějaké struktury, je potřebné využít některého mechanismu obecných dat, např.:
 - obecný ukazatel,
 - struktura typu union,
 - šablonování,
 - dědičnost objektů.
- Nejprůzračnější princip: obecný ukazatel
- Možnost uložit do jakéhokoliv prvku jakýkoliv obsah, maximální jednoduchost a pružnost

- Chceme-li se vyhnout konkrétní datové složce nějaké struktury, je potřebné využít některého mechanismu obecných dat, např.:
 - obecný ukazatel,
 - struktura typu union,
 - šablonování,
 - dědičnost objektů.
- Nejprůzračnější princip: obecný ukazatel
- Možnost uložit do jakéhokoliv prvku jakýkoliv obsah, maximální jednoduchost a pružnost
- Veškerá odpovědnost za správnost manipulace s obsahem je na uživateli struktury

- Chceme-li se vyhnout konkrétní datové složce nějaké struktury, je potřebné využít některého mechanismu obecných dat, např.:
 - obecný ukazatel,
 - struktura typu union,
 - šablonování,
 - dědičnost objektů.
- Nejprůzračnější princip: obecný ukazatel
- Možnost uložit do jakéhokoliv prvku jakýkoliv obsah, maximální jednoduchost a pružnost
- Veškerá odpovědnost za správnost manipulace s obsahem je na uživateli struktury
- Technické řešení: datový typ `void*`

Zásobník s obecnými daty

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Upravíme strukturu jednoho prvku zásobníku:

```
typedef struct Prvek {  
    void *Data; //obecná data  
    Prvek *Dalsi;  
} Prvek;  
typedef Prvek *UkPrvek; //ukazatel na prvek  
typedef UkPrvek Zasobnik; //datový typ zásobník
```

- Upravíme strukturu jednoho prvku zásobníku:

```
typedef struct Prvek {  
    void *Data; //obecná data  
    Prvek *Dalsi;  
} Prvek;  
typedef Prvek *UkPrvek; //ukazatel na prvek  
typedef UkPrvek Zasobnik; //datový typ zásobník
```

- Operace přidání (push) a odebrání (pop) jsou prakticky beze změny (jde o strukturní manipulaci).

- Upravíme strukturu jednoho prvku zásobníku:

```
typedef struct Prvek {  
    void *Data; //obecná data  
    Prvek *Dalsi;  
} Prvek;  
typedef Prvek *UkPrvek; //ukazatel na prvek  
typedef UkPrvek Zasobnik; //datový typ zásobník
```

- Operace přidání (push) a odebrání (pop) jsou prakticky beze změny (jde o strukturní manipulaci).
- O datech nyní nepotřebujeme nic vědět...

Zásobník s obecnými daty

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Operace zapíšeme jako podprogramy:

```
void push(Zasobnik &Z, void *E){  
    UkPrvek Pom = new Prvek;  
    Pom->Data = E; //Vložení dat  
    Pom->Dalsi=Z; Z=Pom; //strukturní manipulace  
}  
void *pop(Zasobnik &Z){  
    UkPrvek Pom = Z; void *vysled; //pro výsledek  
    if (Pom != NULL) {  
        Z = Pom->Dalsi; //nový vrchol  
        vysled = Pom->Data;  
        delete Pom; //odstranění z paměti  
    } else vysled = NULL;  
    return vysled;  
}
```

- Vstupem jsou celá čísla, chceme obrátit jejich pořadí.

```
int vstup, *U;
Zasobnik S=NULL;
while (cin>>vstup){ //uložení do zásobníku
    U = new int; //NOVÝ! ukazatel na data
    //POZOR! U = &vstup; projde, ale je chybný!!
    *U = vstup; //uložení čtené hodnoty
    push(S, U); //U je kompatibilní s void*
}
while (S!=NULL) { //výpis na výstup
    U = (int *)pop(S);
    cout << *U << " ";
}
```


Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Účel: rozdělit programové dílo na logické celky

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Účel: rozdělit programové dílo na logické celky
- Jsou samostatně kompilovatelné a použitelné v různých souvislostech

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Účel: rozdělit programové dílo na logické celky
- Jsou samostatně kompilovatelné a použitelné v různých souvislostech
- Vhodná rekvizita pro implementaci abstraktního typu dat

- Účel: rozdělit programové dílo na logické celky
- Jsou samostatně kompilovatelné a použitelné v různých souvislostech
- Vhodná rekvizita pro implementaci abstraktního typu dat
- Snaha vytvářet obecné struktury – „rozumná“ obecnost!

- Účel: rozdělit programové dílo na logické celky
- Jsou samostatně kompilovatelné a použitelné v různých souvislostech
- Vhodná rekvizita pro implementaci abstraktního typu dat
- Snaha vytvářet obecné struktury – „rozumná“ obecnost!
- Provedení: deklarační část (veřejně dostupné prvky) + implementační část

- Účel: rozdělit programové dílo na logické celky
- Jsou samostatně kompilovatelné a použitelné v různých souvislostech
- Vhodná rekvizita pro implementaci abstraktního typu dat
- Snaha vytvářet obecné struktury – „rozumná“ obecnost!
- Provedení: deklarační část (veřejně dostupné prvky) + implementační část
- Kompilace všech zdrojů + sestavení (linking) zajistí, že se do výsledného programu dostanou všechny odkazované součásti

`g++ -o vysled *.cpp`

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Veřejná část: soubor `neco.h`, implementační část: soubor `neco.cpp`

- Veřejná část: soubor `neco.h`, implementační část: soubor `neco.cpp`
- Kompilační chaos: nebezpečí vícenásobného zahrnutí stejného zdroje do kompilace se řeší vhodnými direktivami překladače

- Veřejná část: soubor `neco.h`, implementační část: soubor `neco.cpp`
- Kompilační chaos: nebezpečí vícenásobného zahrnutí stejného zdroje do kompilace se řeší vhodnými direktivami překladače
- Systém:

- Veřejná část: soubor `neco.h`, implementační část: soubor `neco.cpp`
- Kompilační chaos: nebezpečí vícenásobného zahrnutí stejného zdroje do kompilace se řeší vhodnými direktivami překladače
- Systém:
 - Direktiva `#ifndef MAKRO` – podmíněná kompilace při neexistenci makra

- Veřejná část: soubor `neco.h`, implementační část: soubor `neco.cpp`
- Kompilační chaos: nebezpečí vícenásobného zahrnutí stejného zdroje do kompilace se řeší vhodnými direktivami překladače
- Systém:
 - Direktiva `#ifndef MAKRO` – podmíněná kompilace při neexistenci makra
 - Direktiva `#endif` – konec podmíněné kompilace

- Veřejná část: soubor `neco.h`, implementační část: soubor `neco.cpp`
- Kompilační chaos: nebezpečí vícenásobného zahrnutí stejného zdroje do kompilace se řeší vhodnými direktivami překladače
- Systém:
 - Direktiva `#ifndef MAKRO` – podmíněná kompilace při neexistenci makra
 - Direktiva `#endif` – konec podmíněné kompilace
 - Direktiva `#define MAKRO` – definice makra

- Veřejná část: soubor `neco.h`, implementační část: soubor `neco.cpp`
- Kompilační chaos: nebezpečí vícenásobného zahrnutí stejného zdroje do kompilace se řeší vhodnými direktivami překladače
- Systém:
 - Direktiva `#ifndef MAKRO` – podmíněná kompilace při neexistenci makra
 - Direktiva `#endif` – konec podmíněné kompilace
 - Direktiva `#define MAKRO` – definice makra
- Užitečná praxe: Makro je odvozeno od jména hlavičkového souboru (jednoznačnost, snadná orientace)

Implementace zásobníku modulem

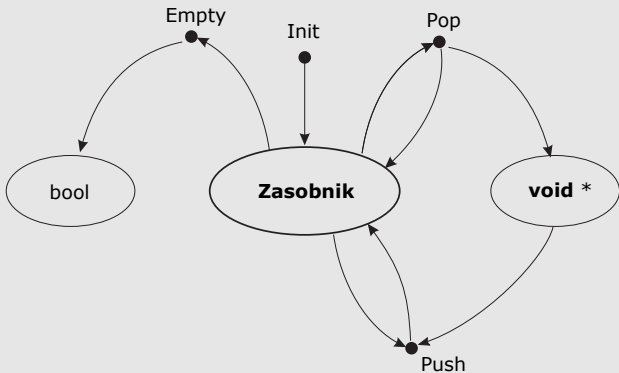
Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Veřejná část zasob.h je obrazem diagramu signatury:



Implementace zásobníku modulem

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

```
#ifndef ZASOB_H
#define ZASOB_H

//Potřebné datové typy z diagramu signatury:
typedef struct Prvek {
    void *Data; //obecná data
    Prvek *Dalsi;
} Prvek;

typedef Prvek *UkPrvek; //ukazatel na prvek
typedef UkPrvek Zasobnik; //datový typ zásobník
//Operace:
void Init(Zasobnik &Z);
void Push(Zasobnik &Z, void *E);
void *Pop(Zasobnik &Z);
bool Empty(Zasobnik Z);
#endif
```

Implementace zásobníku modulem

- Sémantické definice (zejména operace Pop):

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

Implementace zásobníku modulem

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Sémantické definice (zejména operace Pop):
- Operace Init:

$\Rightarrow \langle \rangle$

Implementace zásobníku modulem

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Sémantické definice (zejména operace Pop):
- Operace Init:

$$\Rightarrow \langle \rangle$$

- Operace Push:

$$x, \langle a_1, \dots, a_n \rangle \Rightarrow \langle x, a_1, \dots, a_n \rangle$$

Implementace zásobníku modulem

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Sémantické definice (zejména operace Pop):
- Operace Init:

$$\Rightarrow \langle \rangle$$

- Operace Push:

$$x, \langle a_1, \dots, a_n \rangle \Rightarrow \langle x, a_1, \dots, a_n \rangle$$

- Operace Pop:

$$\langle a_1, a_2, \dots, a_n \rangle \Rightarrow a_1, \langle a_2, \dots, a_n \rangle$$

$$\langle \rangle \Rightarrow \text{NULL}, \langle \rangle$$

Implementace zásobníku modulem

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Sémantické definice (zejména operace Pop):

- Operace Init:

$$\Rightarrow \langle \rangle$$

- Operace Push:

$$x, \langle a_1, \dots, a_n \rangle \Rightarrow \langle x, a_1, \dots, a_n \rangle$$

- Operace Pop:

$$\langle a_1, a_2, \dots, a_n \rangle \Rightarrow a_1, \langle a_2, \dots, a_n \rangle$$

$$\langle \rangle \Rightarrow \text{NULL}, \langle \rangle$$

- Operace Empty:

$$\langle a_1, \dots, a_n \rangle \Rightarrow \text{false}$$

$$\langle \rangle \Rightarrow \text{true}$$

Implementace zásobníku modulem

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- ```
#include <iostream>
#include "zasob.h"

void Init(Zasobnik &Z){
 Z = NULL;
}

void Push(Zasobnik &Z, void *E){
 ... //tělo procedury
}

void *Pop(Zasobnik &Z){
 ... //tělo funkce
}

bool Empty(Zasobnik Z){
 return Z==NULL;
}
```

- ```
#include <iostream>
#include "zasob.h"
using namespace std;
int main(){
    int vstup, *U; Zasobnik S; Init(S);
    while (cin>>vstup){ //uložení do zásobníku
        U = new int; //NOVÝ! ukazatel na data
        *U = vstup; //uložení čtené hodnoty
        Push(S, U); //U je kompatibilní s void*
    }
    while (not Empty(S)) { //výpis na výstup
        U = (int*)Pop(S); cout << *U << " ";
    }
    return 0;
}
```

Ukazatel na podprogram

- Podprogram leží v operační paměti stejně jako jakákoliv data

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

Ukazatel na podprogram

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Podprogram leží v operační paměti stejně jako jakákoliv data
- Ukazatel na podprogram umožňuje považovat podprogram za data

Ukazatel na podprogram

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Podprogram leží v operační paměti stejně jako jakákoliv data
- Ukazatel na podprogram umožňuje považovat podprogram za data
- Nástroj implementace metod objektů a umožňuje polymorfismus

Ukazatel na podprogram

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Podprogram leží v operační paměti stejně jako jakákoliv data
- Ukazatel na podprogram umožňuje považovat podprogram za data
- Nástroj implementace metod objektů a umožňuje polymorfismus
- Proměnná typu podprogram je použitelná stejně jako podprogram, který je do ní přiřazen

Ukazatel na podprogram

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Podprogram leží v operační paměti stejně jako jakákoliv data
- Ukazatel na podprogram umožňuje považovat podprogram za data
- Nástroj implementace metod objektů a umožňuje polymorfismus
- Proměnná typu podprogram je použitelná stejně jako podprogram, který je do ní přiřazen
- Syntaktický koncept: `proc()` = volání podprogramu;
`proc` = adresa podprogramu

Ukazatel na podprogram

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Podprogram leží v operační paměti stejně jako jakákoliv data
- Ukazatel na podprogram umožňuje považovat podprogram za data
- Nástroj implementace metod objektů a umožňuje polymorfismus
- Proměnná typu podprogram je použitelná stejně jako podprogram, který je do ní přiřazen
- Syntaktický koncept: `proc()` = volání podprogramu; `proc` = adresa podprogramu
- Užití: funkcionální (procedurální) parametr; například integrál reálné funkce:

```
double Integral(RealFce F, double A, double B){  
    ... //numerická integrace funkce F  
}
```

Definice typu ukazatele na podprogram

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Ukazatel na podprogram – syntax se odlišuje od výstupní hodnoty funkce typu ukazatel, například:

```
typedef double (*RealFce)(double X);
    //závorky ohraničují ukazatel na funkci
double *RealFce(double X);
    //definice funkce typu ukazatel na double

double plocha(double A){
    return 2*M_PI*A*A;
}
RealFce fce;
fce=plocha;
double vstup;
cin>>vstup;
cout << fce(vstup) << endl;
```

```
typedef double (*RealFce)(double X);
double mojefce(double A){
    return (cos(A)-1)/(sin(A)+3);
}
double Integral(RealFce F, double A, double B){
    //numerická integrace funkce F v intervalu <A,B>
    double suma=0, Krok=(B-A)/1000000;
    for (double X=A+Krok; X<B; X+=Krok) suma+=F(X);
    return (F(A)+F(B))/2+suma*Krok;
}
//použití:
double mezA, mezB;
cin>>mezA >> mezB;
cout << Integral(mojefce, mezA, mezB) << endl;
cout << Integral(sin, mezA, mezB) << endl;
```

Operace s obecnými daty

- V modulu není žádná informace o konkrétních datových typech uložených dat

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

Operace s obecnými daty

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- V modulu není žádná informace o konkrétních datových typech uložených dat
- Některé manipulace vyžadují znalost dat, například porovnání, zobrazení

Operace s obecnými daty

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- V modulu není žádná informace o konkrétních datových typech uložených dat
- Některé manipulace vyžadují znalost dat, například porovnání, zobrazení
- Informaci o uložených datech zná pouze uživatel modulu

Operace s obecnými daty

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- V modulu není žádná informace o konkrétních datových typech uložených dat
- Některé manipulace vyžadují znalost dat, například porovnání, zobrazení
- Informaci o uložených datech zná pouze uživatel modulu
- Uvnitř modulu jsou pouze hlavičky podprogramů

Operace s obecnými daty

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- V modulu není žádná informace o konkrétních datových typech uložených dat
- Některé manipulace vyžadují znalost dat, například porovnání, zobrazení
- Informaci o uložených datech zná pouze uživatel modulu
- Uvnitř modulu jsou pouze hlavičky podprogramů
- Těla podprogramů definuje uživatel modulu

Operace s obecnými daty

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- V modulu není žádná informace o konkrétních datových typech uložených dat
- Některé manipulace vyžadují znalost dat, například porovnání, zobrazení
- Informaci o uložených datech zná pouze uživatel modulu
- Uvnitř modulu jsou pouze hlavičky podprogramů
- Těla podprogramů definuje uživatel modulu
- Formální parametry jsou vždy obecné ukazatele, skutečné parametry je nutné přetypovat (konvertovat)

Operace s obecnými daty

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- V modulu není žádná informace o konkrétních datových typech uložených dat
- Některé manipulace vyžadují znalost dat, například porovnání, zobrazení
- Informaci o uložených datech zná pouze uživatel modulu
- Uvnitř modulu jsou pouze hlavičky podprogramů
- Těla podprogramů definuje uživatel modulu
- Formální parametry jsou vždy obecné ukazatele, skutečné parametry je nutné přetypovat (konvertovat)
- Přetypování: `(novy_typ)(vyraz)`

Operace s obecnými daty

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

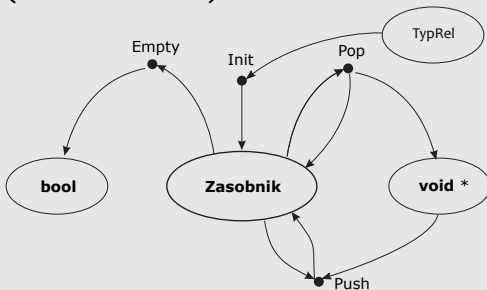
Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- V modulu není žádná informace o konkrétních datových typech uložených dat
- Některé manipulace vyžadují znalost dat, například porovnání, zobrazení
- Informaci o uložených datech zná pouze uživatel modulu
- Uvnitř modulu jsou pouze hlavičky podprogramů
- Těla podprogramů definuje uživatel modulu
- Formální parametry jsou vždy obecné ukazatele, skutečné parametry je nutné přetypovat (konvertovat)
- Přetypování: `(novy_typ)(vyraz)`
- V některých případech lze využít kompatibility obecného ukazatele s libovolným jiným ukazatelem.

- Uvažujme opět zásobník, nyní ovšem se speciální vlastností: neobsahuje duplicitní hodnoty. Při vkládání se testuje, zda je nová hodnota unikátní, opakované hodnoty se nevloží.

- Uvažujme opět zásobník, nyní ovšem se speciální vlastností: neobsahuje duplicitní hodnoty. Při vkládání se testuje, zda je nová hodnota unikátní, opakované hodnoty se nevloží.
- Změna diagramu signatury: Operace `Init` definuje způsob porovnání dat, jejím vstupem je typ logické funkce, která je schopna porovnat uživatelská data (rovnost = `true`)



- Modifikace hodnot typu Zásobník:
 $(\langle a_1, a_2, \dots, a_n \rangle; R)$

Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Modifikace hodnot typu Zasobník:
 $(\langle a_1, a_2, \dots, a_n \rangle; R)$
- Modifikace sémantiky operací Init a Push:

- Modifikace hodnot typu Zasobník:
 $(\langle a_1, a_2, \dots, a_n \rangle; R)$
- Modifikace sémantiky operací Init a Push:
- Operace Init:

$$R \Rightarrow (\langle \rangle; R)$$

- Modifikace hodnot typu Zásobník:
 $(\langle a_1, a_2, \dots, a_n \rangle; R)$
- Modifikace sémantiky operací Init a Push:
- Operace Init:

$$R \Rightarrow (\langle \rangle; R)$$

- Operace Push:

$$x, (\langle a_1, \dots, a_n \rangle; R), \quad \exists i \in \{1, \dots, n\}, R(x, a_i) = \text{true} \\ \Rightarrow (\langle a_1, \dots, a_n \rangle; R)$$

$$x, (\langle a_1, \dots, a_n \rangle; R), \quad \forall i \in \{1, \dots, n\}, R(x, a_i) = \text{false} \\ \Rightarrow (\langle x, a_1, \dots, a_n \rangle; R)$$

- Modifikace hodnot typu Zasobník:
 $(\langle a_1, a_2, \dots, a_n \rangle; R)$
- Modifikace sémantiky operací Init a Push:
- Operace Init:

$$R \Rightarrow (\langle \rangle; R)$$

- Operace Push:

$$x, (\langle a_1, \dots, a_n \rangle; R), \quad \exists i \in \{1, \dots, n\}, R(x, a_i) = \text{true} \\ \Rightarrow (\langle a_1, \dots, a_n \rangle; R)$$

$$x, (\langle a_1, \dots, a_n \rangle; R), \quad \forall i \in \{1, \dots, n\}, R(x, a_i) = \text{false} \\ \Rightarrow (\langle x, a_1, \dots, a_n \rangle; R)$$

- Operace Pop a Empty pracují s modifikovanými hodnotami stejně jako s původními

- Datový typ **Zasobnik** bude nyní obsahovat dvě složky:

```
typedef bool (*TypSrov)(void *A, void *B);  
    //datový typ relační funkce  
typedef struct { //datový typ zásobník  
    UkPrvek Vrchol;  
    TypSrov Rovno;  
} Zasobnik;
```

- Datový typ **Zasobnik** bude nyní obsahovat dvě složky:

```
typedef bool (*TypSrov)(void *A, void *B);  
    //datový typ relační funkce  
typedef struct { //datový typ zásobník  
    UkPrvek Vrchol;  
    TypSrov Rovno;  
} Zasobnik;
```

- Operace **Init**:

```
void Init(Zasobnik &Z, TypSrov R){  
    Z.Vrchol = NULL;  
    Z.Rovno = R;  
}
```

- Operace Push:

```
bool Pritomen(Zasobnik Z, void *E){
    UkPrvek Pom = Z.Vrchol;    //sekvenční hledání
    while (Pom!=NULL and not Z.Rovno(Pom->Data, E))
        Pom=Pom->Dalsi;
    return Pom!=NULL;
}

void Push(Zasobnik &Z, void *E){
    if (not Pritomen(Z, E)){//nenalezen, vkládá se
        UkPrvek Pom = new Prvek;
        Pom->Data = E; //Vložení dat
        Pom->Dalsi = Z.Vrchol;
        Z.Vrchol = Pom;
    }
}
```


Strukturní a
obsahové prvky

Moduly

Datový typ
podprogram

Vnější operace
modulu

- Užití modulu:

- Užití modulu:
- Pouze zde je soustředěna informace o datovém typu vkládaných dat

```
bool MojeSrov(void *A, void *B){
    int *X = (int*)A, *Y = (int*)B; //konverze
    return *X==*Y;
}

int main(){
    int vstup, *U;
    Zasobnik S;
    Init(S, MojeSrov); //vlození relační funkce
    ... //zbytek je stejný
```