

Při výpočtu limity lomené funkce  $\frac{f(x)}{g(x)}$  v bodě  $x_0$  můžeme po dosazení  $x = x_0$  dostat výraz

$\left\| \frac{0}{0} \right\|$ . Tento zlomek nemá smysl, ale označujeme tak neurčitý výraz, který dostaneme, když

$$\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = \lim_{x \rightarrow x_0} g(x) = 0.$$

Podobně je-li  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = \lim_{x \rightarrow x_0} g(x) = \pm\infty$ , pak  $\frac{f(x)}{g(x)}$  je neurčitým výrazem typu  $\left\| \frac{\infty}{\infty} \right\|$ .

Limity funkcí, které vedou k takovým výrazům můžeme počítat užitím tzv. l'Hospitalova pravidla.

### Věta (l'Hospitalovo pravidlo).

Je-li  $\frac{f(x)}{g(x)}$  neurčitým výrazem  $\left\| \frac{0}{0} \right\|$  nebo  $\left\| \frac{\infty}{\infty} \right\|$  a existuje-li  $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f'(x)}{g'(x)}$ , pak existuje také

$$\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g(x)} \text{ a platí } \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f'(x)}{g'(x)}.$$

Toto tvrzení lze použít opakovaně. Tedy je-li podíl  $\frac{f'(x)}{g'(x)}$  opět neurčitým výrazem typu  $\left\| \frac{0}{0} \right\|$

nebo  $\left\| \frac{\infty}{\infty} \right\|$ , určujeme  $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f''(x)}{g''(x)}$ . Dokud jsou splněny předpoklady a dokud nedostaneme limitu, kterou můžeme vypočítat.