




Integrace per partés

Robert Mařík

29. ledna 2011

Vyzkoušejte dva, tři nebo dvacet dalších
mých kvízů a potom mi prosím vyplňte
na webu. Děkuji!

Pro vytvoření vlastího testu podle tohoto
vzoru budete potřebovat volně šiřitelný
[AcroT_EXeDucation bundle](#), zdrojový soubor
pro T_EX  a přečíst si návod na [domov-
ské stránce](#).



Teorie

Výběr z...

Test 1

Test 2

Úvodní strana

Print

Titulní strana



Strana 1 z 16

Zpět

Full Screen

Zavřít

Konec



1. Teorie

Vzorec je

$$\int u(x)v'(x)dx = u(x)v(x) - \int u'(x)v(x)dx.$$

Bud' $P(x)$ polynom. Integraci per-partés používáme pro integrály typu

$$\int P(x)e^{\alpha x + \beta} dx, \int P(x) \sin(\alpha x + \beta) dx, \int P(x) \cos(\alpha x + \beta) dx,$$

a

$$\int P(x) \operatorname{atan} x dx, \int P(x) \ln^m x dx,$$

kde $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$ a $m \in \mathbb{N}$. V první skupině integrálů derivujeme polynom, ve druhé skupině derivujeme logaritmus nebo arkustangens.



2. Výběr z možností

Kvíz. 1. Klikněte vždy na odpovídající možnost.

1. $\int (x + 1) e^x dx$

2. $\int (x + 1) \ln(x) dx$

3. $\int (x + 1) \sin(x) dx$

4. $\int (x + 1) e^{x^2} dx$

5. $\int x^2 e^{2x} dx$

6. $\int (x^2 - 1) \operatorname{atan}(x + 1) dx$

7. $\int (x^3 - 2) e^{x^2+x} dx$

8. $\int e^{-x^2} dx$

9. $\int x e^{x^2} dx$

10. $\int (3x + 1) e^{-x+1} dx$

Není na metodu per-partés.

Per-partés, červený výraz se derivuje.

Per-partés, červený výraz se integruje.



11. $\int x^2 e^x dx$

12. $\int (x + 4) \operatorname{atan} \frac{x}{2} dx$

13. $\int x \sin x^2 dx$

14. $\int x^2 \ln x dx$

15. $\int \operatorname{atan} x dx$

16. $\int x \ln x \cos x dx$

17. $\int x \cos^3 x dx$

18. $\int (2 + x) \cos(2x) dx$

19. $\int (x^3 - 1) \sin \left(\frac{\pi}{2} - x \right) dx$


Není na metodu per-partés.

Per-partés, červený výraz se derivuje.

Per-partés, červený výraz se integruje.



3. Test 1

- Integruje metodou per-partés. Použijte vždy nulovou integrační konstantu při výpočtu funkce $v(x)$.
- Náповědu dostanete po stisknutí tlačítka . Ale zacházejte s tímto tlačítkem jako se šafránem, máte halvně počítat příklady a ne se dívat an řešení!

Kvíz. 2.

$$1. \int \ln(x) dx = \begin{array}{l} u = \quad \quad \quad u' = \\ v' = \quad \quad \quad v = \end{array} dx$$

=

=

$$2. \int x e^x dx =$$

$$u =$$

$$u' =$$

$$v' =$$

$$v =$$

=

$-\int$

dx

=

$$3. \int x \ln(x + 1) dx =$$

$$u =$$

$$u' =$$

$$v' =$$

$$v =$$

=

$-\int$

dx

=



$$4. \int \operatorname{atan}(x) dx =$$

$u =$	$u' =$
$v' =$	$v =$

$$= \int \dots dx$$

=

$$5. \int (x + 1)e^{-x} dx =$$

$u =$	$u' =$
$v' =$	$v =$

$$= \int \dots dx$$

=



$$6. \int (x - 1) \sin(x) dx =$$

$$u =$$

$$u' =$$

$$v' =$$

$$v =$$

$$= - \int dx$$

=

$$7. \int (x - 2) \cos(2x) dx =$$

$$u =$$

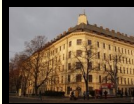
$$u' =$$

$$v' =$$

$$v =$$

$$= - \int dx$$

=



$$8. \int x^4 \ln x dx =$$

$u =$	$u' =$
$v' =$	$v =$

$$= - \int dx$$

=

$$9. \int x \frac{1}{\cos^2 x} dx =$$

$u =$	$u' =$
$v' =$	$v =$

$$= - \int dx$$

=





4. Test 2

Kvíz. 3.

- V následujících integrálech musíte integrovat nadvakrát metodou per-partés
- Šablona pro druhou integraci se vám odkryje jakmile vyplníte první část. Opět prosím používejte nulovou integrační konstantu při hledání funkce v .

$$1. I_1 = \int x^2 e^x dx = \begin{array}{|l} u = \qquad \qquad \qquad u' = \\ v' = \qquad \qquad \qquad v = \end{array}$$

$$= \qquad \qquad \qquad - \int \qquad \qquad \qquad dx$$

$$= x^2 e^x - 2 \int x e^x dx$$

$$\Rightarrow \begin{array}{|l} u = \qquad \qquad \qquad u' = \\ v' = \qquad \qquad \qquad v = \end{array}$$

$$I_1 = x^2 e^x - 2 \left(\qquad \qquad \qquad - \int \qquad \qquad \qquad dx \right)$$

=





$$2. I_2 = \int (x^2 + x - 1)e^{-x} dx =$$

$u =$	$u' =$
$v' =$	$v =$

$$= \int (x^2 + x - 1)e^{-x} dx - \int (2x + 1)e^{-x} dx$$

$$= -e^{-x}(x^2 + x - 1) + \int (2x + 1)e^{-x} dx$$

$$\Rightarrow \begin{array}{|l|l|} \hline u = & u' = \\ \hline v' = & v = \\ \hline \end{array}$$

$$I_2 = -e^{-x}(x^2 + x - 1) + \left(\int (2x + 1)e^{-x} dx \right)$$

=



$$3. I_3 = \int (x^2 - 1) \cos(x) dx = \begin{array}{|l|l|} \hline u = & u' = \\ \hline v' = & v = \\ \hline \end{array}$$

$$= \int (x^2 - 1) \sin x - 2 \int x \sin x dx$$

$$= (x^2 - 1) \sin x - 2 \int x \sin x dx$$

$$\Rightarrow \begin{array}{|l|l|} \hline u = & u' = \\ \hline v' = & v = \\ \hline \end{array}$$

$$I_3 = (x^2 - 1) \sin x - 2 \left(\int x \sin x dx \right)$$

=

Teorie

Výběr z...

Test 1

Test 2

Úvodní strana

Print

Titulní strana

⏪ ⏩

⏪ ⏩

Strana 13 z 16

Zpět

Full Screen

Zavřít

Konec



$$4. I_4 = \int x^2 e^{2x} dx = \begin{array}{ll} u = & u' = \\ v' = & v = \end{array}$$

$$= \int x^2 e^{2x} dx - \int x e^{2x} dx$$

$$= \frac{x^2}{2} e^{2x} - \int x e^{2x} dx$$

$$\Rightarrow \begin{array}{ll} u = & u' = \\ v' = & v = \end{array}$$

$$I_4 = \frac{x^2}{2} e^{2x} - \left(\int x e^{2x} dx \right)$$

=



$$5. I_5 = \int x \ln^2 x dx =$$

$u =$	$u' =$
$v' =$	$v =$

$$= \int \left(\frac{x^2}{2} \ln^2 x - \int x \ln(x) dx \right) dx$$

$$= \frac{x^2}{2} \ln^2 x - \int x \ln(x) dx$$

$$\Rightarrow \begin{array}{|l|l|} \hline u = & u' = \\ \hline v' = & v = \\ \hline \end{array}$$

$$I_5 = \frac{x^2}{2} \ln^2 x - \left(\int x \ln(x) dx \right)$$

=



$$6. I_6 = \int (1 - x^2) \sin(x) dx = \begin{array}{|l} u = \quad \quad \quad u' = \\ v' = \quad \quad \quad v = \end{array}$$

$$= \quad \quad \quad - \int \quad \quad \quad dx$$

$$= -(1 - x^2) \cos(x) - 2 \int x \cos x dx$$

$$\Rightarrow \begin{array}{|l} u = \quad \quad \quad u' = \\ v' = \quad \quad \quad v = \end{array}$$

$$I_6 = -(1 - x^2) \cos(x) - 2 \left(\quad \quad \quad - \int \quad \quad \quad dx \right)$$

=

Teorie

Výběr z...

Test 1

Test 2

Úvodní strana

Print

Titulní strana



Strana 16 z 16

Zpět

Full Screen

Zavřít

Konec